



## Kursplan

Fakulteten för teknik

Institutionen för matematikdidaktik

1MAÄ01 Matematik I – inriktning mot arbete i årskurs 7-9, 30 högskolepoäng

Mathematics I – for lower secondary school teachers, 30 credits

### Huvudområde

Matematik

### Ämnesgrupp

Matematik

### Nivå

Grundnivå

### Fördjupning

G1F

### Fastställande

Fastställd 2011-06-10

Senast reviderad 2014-06-16 av Fakulteten för teknik. Revidering av mål, innehåll och litteraturlista.

Kursplanen gäller från och med höstterminen 2014

### Förkunskaper

Grundläggande behörighet samt Engelska B, Matematik D, Samhällskunskap A.

(Områdesbehörighet 6c. Särskild behörighet för undervisningsämnet: Matematik D)

### Mål

Gemensamma mål:

- urskilja och redogöra för grundläggande drag i lärarprofessionen i förhållande till ämnet och ämnets didaktik
- identifiera och formulera ämnesdidaktiska frågeställningar i relation till de verksamhetsområden utbildningen förbereder för.

I övrigt gäller de förväntade studieresultaten för respektive delkurs.

### Delkurs 1 1MA101 Grundläggande matematik

Efter avslutad delkurs ska studenten kunna:

- utföra beräkningar inom olika talområden, speciellt avseende rationella och irrationella tal
- lösa elementära ekvationer samt olikheter innehållande rationella uttryck
- lösa problem inom mängdlära, talteori och kombinatorik
- redogöra för definitioner av och skissa grafer till elementära funktioner
- utföra grundläggande beräkningar med komplexa tal och lösa komplexa

polynomekvationer

- redogöra för definitioner av och härleda samband mellan centrala begrepp i kursen och använda dessa samband vid problemlösning.
- tolka, kommunicera och argumentera med matematikens representationsformer.

### **Delkurs 2 1MA113 Geometri**

Efter avslutad delkurs ska studenten kunna:

- redogöra, i stora drag för strukturen hos Euklides Elementa och för axiomsystem i allmänhet
- lösa problem med linjer och cirklar
- redogöra för samspelet mellan geometri och algebra
- redogöra för grunderna i projektiv geometri och hyperbolisk geometri och lösa några problem inom områdena
- ta fram symmetrigrupperna för plana figurer
- redogöra för de tre klassiska ”olösbare” konstruktionsproblemen
- jämföra olika angreppssätt på ett geometriskt problem
- redogöra för begreppet fraktal

### **Delkurs 3 1MA103 Vektorgeometri**

Efter avslutad delkurs ska studenten kunna:

- utföra beräkningar med matriser och vektorer och använda dessa till att beskriva och tolka geometriska företeelser
- utföra beräkningar med skalär-, vektor- och volymprodukt, samt förstå den geometriska betydelsen av dessa begrepp
- härleda linjers och plans ekvationer på parameterform och normalform, samt ge geometriska tolkningar
- beräkna vinklar och avstånd mellan punkter, linjer och plan
- redogöra för begreppet linjär avbildning och dess matrisrepresentation, samt kunna beräkna speglingsmatriser, projektionsmatriser, rotationsmatriser samt andra linjära avbildningars matriser.
- bestämma och tolka egenvärden och egenvektorer
- redogöra för definitioner av och härleda samband mellan centrala begrepp i kursen och använda dessa samband vid problemlösning
- tolka, kommunicera och argumentera med matematikens representationsformer utifrån didaktiska utgångspunkter.

### **Delkurs 4 1MD121 Matematikdidaktik för åk. 7-9 och gymnasiet I**

Efter avslutad delkurs ska studenten kunna:

- visa fördjupade ämneskunskaper avseende gymnasieskolans och årskurs 7-9:s matematik och de förkunskaper i matematik som behövs för att förstå densamma
- använda skolans och matematikämnetets styrdokument för utformning av matematikundervisningens innehåll
- beskriva matematiska förmågor och kompetenser avseende begreppsbyggnad, representation, problemlösning, kommunikation och resonemang i relation till ett matematikinnehåll
- identifiera språkets roll i matematiken, speciellt avseende begreppsbyggnad.

### **Innehåll**

Kursen inleds med en fördjupning avseende egna matematikkunskaper. Under de inledande kurserna möter studenterna klassisk matematik, samtidigt som de samlar på sig matematikexempel med relevans för matematikundervisning på gymnasiet. Dessa exempel samlas i en didaktikportfolio som följs upp i den inledande matematikdidaktikkursen i Matematik II.

Under kursen genomförs fältstudier i skolan. Dessa fältstudier syftar till att ge studenten

en inblick i matematikämnets position inom skolan samt läraryrkets praktik.

### **Delkurs 1 Grundläggande matematik, 7,5 hp**

Kursens innehåll

- Introduktion till didaktikportfolio och ett ämnesdidaktiskt perspektiv till matematik
- Tal, logik, mängdlära
- Algebraiska uttryck, ekvationer och olikheter, funktioner, elementära funktioner
- Heltal, delare, primtal, divisionsalgoritmen, diofantiska ekvationer,
- Induktion,
- Permutationer, kombinationer, binomialsatsen
- Komplexa tal, komplexa talplanet, de Moivres formel, komplexa andragradsekvationer, faktorsatsen, binomiska ekvationer.

### **Delkurs 2 Geometri, 7,5 hp**

Kursens innehåll

- Mätning av sträckor, areor och volymer
- Euklides Elementa. Axiomsystem
- Satser om trianglar och cirklar
- Konstruktioner med passare och linjal.
- Problemlösning
- Geometri och algebra – ett samspel. Symmetrigrupper för plana figurer
- Kägelsnitt
- Grunderna i projektiv geometri, hyperbolisk geometri och fraktal geometri
- Tre klassiska ”olösbare konstruktionsproblem”, och något om talkroppar.

### **Delkurs 3 Vektorgeometri, 7,5 hp**

Kursens innehåll

- Linjära ekvationssystem, Gausselimination
- Matriser, vektorer, baser och basbyten, skalärprodukt, vektorprodukt, volymprodukt (determinanter),
- Linjer och plan, vinkel- och avståndsberäkningar
- Linjära avbildningar, matrisen för en linjär avbildning, sammansättning av linjära avbildningar, diagonaliseringar, något om högre ordningens determinanter.

### **Delkurs 4 Matematikdidaktik för åk. 7-9 och gymnasiet I , 7,5 hp**

Kursen inleds med en orientering i det matematikdidaktiska forskningsfältet med tonvikt på lärarprofessionen. Vidare behandlas olika riktningar inom matematikdidaktisk forskning i ett historiskt perspektiv. Centrala matematikdidaktiska frågeställningar, begrepp och forskningsresultat beskrivs, granskas och diskuteras. Speciellt uppmärksammas alla lärares ansvar för alla de lärandes allsidiga utveckling. Här problematiseras också hur erfarenheter, perspektiv och lärande får inverkan på planering och genomförande av undervisning. Studentens egna matematikkunskaper fördjupas och problematiseras utifrån olika didaktiska perspektiv. Detta kommer att göras i relation till det matematiska innehållet avseende årskurs 7-9:s. Olika metoder för att konkretisera kursinnehåll och kunskapskrav i årskurs 7-9 mattekurser kommer att behandlas. Begreppsbildning, representationsformer, problemlösning, kommunikation och resonemang kommer att relateras till ett matematikinnehåll samt till matematiska förmågor/kompetenser. Språkets roll i matematiken beskrivs, granskas och diskuteras.

#### **Undervisningsformer**

Undervisningen ges i form av föreläsningar, gruppövningar samt obligatoriska seminarieövningar. Delar av undervisningen kan komma att vara nätbaserad.

#### **Examinationsformer**

Kursen bedöms med betygen Underkänd, Godkänd eller Väl godkänd. Kursen examineras dels genom aktivt deltagande vid seminarier, metodikpass och redovisningar, dels genom skriftliga och muntliga redovisningar av individuella uppgifter och gruppuppgifter, dels genom skriftlig tentamen/hemtentamen. En del av examinationen är praktiska moment (fältstudier) som den studerande genomför och presenterar.

På begäran kan den studerande få sitt betyg översatt enligt ECTS-skalan. En sådan begäran skall ha inkommit till examinator före betygssättningen.

## Kursvärdering

Efter avslutad kursgenomförs en kursvärdering som sammanställs skriftligt och återkopplas till studenterna. Sammanställningen redovisas för aktuella institutionsorgan och för berört programråd, samt arkiveras av kursansvarig institution.

## Kurslitteratur och övriga läromedel

### **Obligatorisk kurslitteratur**

#### **Delkurs 1**

Hellström Lennart, Johansson Per-Gunnar, Morander Staffan, Tengstrand Anders. Elementär algebra, Studentlitteratur, senaste upplagan.

Ekstig Kerstin, Hellström Lennart, Sollervall Håkan. Matematik Startbok, Studentlitteratur, senaste upplagan.

#### Didaktisk litteratur

Hansen Hans Christian, Skott Jeppe, Jess Kristine, Schou John, Matematik för lärare Ypsilon band 1, Gleerups förlag, senaste upplagan.

#### **Delkurs 2**

Anders Tengstrand. *Åtta kapitel om geometri*. Studentlitteratur, 2005. 240 (311) sidor.

#### Didaktisk litteratur

Hansen Hans Christian, Skott Jeppe, Jess Kristine, Schou John, Matematik för lärare Ypsilon band 1, Gleerups förlag, senaste upplagan.

#### **Delkurs 3**

Tengstrand Anders. Linjär algebra med vektorgeometri, Studentlitteratur, senaste upplaga.

#### Didaktisk litteratur

Hansen Hans Christian, Skott Jeppe, Jess Kristine, Schou John, Matematik för lärare Ypsilon band 1, Gleerups förlag, senaste upplagan.

#### **Delkurs 4**

Andersson, Andreas, Begreppskartor - ett verktyg för bättre förståelse, Nämnaren 2/2002. [ncm.gu.se/pdf/namnaren/4447\\_02\\_2.pdf](http://ncm.gu.se/pdf/namnaren/4447_02_2.pdf)

Andreas Ryve: Vad är kunskap i matematik? [ncm.gu.se/pdf/namnaren/0709\\_06\\_2.pdf](http://ncm.gu.se/pdf/namnaren/0709_06_2.pdf)

Grevholm, Barbro, Kognitiva verktyg för lärande i matematik- tankekartor och begreppskartor. [www.caspar.no/tangenten/2005/barbro\\_grevholm\\_1\\_2005.pdf](http://www.caspar.no/tangenten/2005/barbro_grevholm_1_2005.pdf)

Hansen, Hans Christian; Skott, Jeppe & Jess, Kristine. (2009). Matematik för lärare Ypsilon band 1 och band 2, Gleerups förlag. ISBN13: 9789140668134 och ISBN13:9789140667861

Hansen, Hans Christian; Skott, Jeppe; Jess, Kristine & Sverker Lundin. (2010). Matematik för lärare, Delta Didaktik, ISBN: 9789140671462

Myndigheten för skolutveckling, Mer än matematik.  
[www.skolverket.se/2.3894/publicerat/2.5006?\\_xurl\\_=http%3A%2F%2Fwww4.skolverket.se%3A8080%2Fwtpub%2Fws%2Fskolbok%2Fwpubext%2Ftrycksak%2FRecord%3Fk%3D1891](http://www.skolverket.se/2.3894/publicerat/2.5006?_xurl_=http%3A%2F%2Fwww4.skolverket.se%3A8080%2Fwtpub%2Fws%2Fskolbok%2Fwpubext%2Ftrycksak%2FRecord%3Fk%3D1891)

Niss, Mogens & Højgaard Jensen, Tomas (Red.) (2002). Kompetencer og matematikl ering. Ideer og inspiration til udvikling af matematikundervisning i Danmark.  
[pub.uvm.dk/2002/kom/hel.pdf](http://pub.uvm.dk/2002/kom/hel.pdf)

Ola Helenius: Kompetenser och matematik. [ncm.gu.se/pdf/namnaren/1115\\_06\\_3.pdf](http://ncm.gu.se/pdf/namnaren/1115_06_3.pdf)

Schoenfeld Allan. (1992). Learning to think mathematically: problem solving, metacognition, and sense making in mathematics.  
[gse.berkeley.edu/faculty/AHSchoenfeld/Schoenfeld\\_MathThinking.pdf](http://gse.berkeley.edu/faculty/AHSchoenfeld/Schoenfeld_MathThinking.pdf)

Skolverket. Kursplan och betygskriterier f r  mnet matematik.

Vetenskapliga artiklar kan f rekomma.